$\aleph^3$ $\sim H_4$ $\sim 1$ $H_4$